**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**

**Санкт-Петербургский государственный**

**электротехнический университет**

**«ЛЭТИ» им. В.И. Ульянова (Ленина)**

Доклад

**Тема: Методы редукции данных**

Выполнили: Чепасов Д.В, Щедрин А.А.

Группа:2382

Санкт-Петербург

2023

Оглавление

[PCA (Метод главных компонентов) 4](#_Toc132830366)

[**1.1)** **Математическое обоснование** 4](#_Toc132830367)

[**1.2)** **Роль в машинном обучении** 5](#_Toc132830368)

[**1.3)** **Реализация в прикладной задаче** 6](#_Toc132830369)

[**1.4)** **Плюсы и минусы метода** 7](#_Toc132830370)

[ISOMAP 8](#_Toc132830371)

[**2.1) Математическая теория** 8](#_Toc132830372)

[**2.2) Реализация для прикладной задачи** 9](#_Toc132830381)

[2.4) Плюсы и минусы метода 10](#_Toc132830382)

[Слабые стороны корреляционного анализа: 10](#_Toc132830383)

[Метод максимального правдоподобия 11](#_Toc132830384)

[**3.1) Математическая теория** 11](#_Toc132830385)

[**3.2) Роль в машинном обучении** 12](#_Toc132830386)

[**3.3) Реализация для прикладной задачи** 13](#_Toc132830387)

[**3.4) Плюсы и минусы метода** 14](#_Toc132830388)

[Сравнение методов 15](#_Toc132830389)

**PCA (Метод главных компонентов)**

* 1. **Математическое обоснование**
  2. **Роль в машинном обучении**
  3. **Реализация в прикладной задаче**
  4. **Плюсы и минусы метода**

**ISOMAP**

**2.1) Математическая теория**

В современном мире в датасетах может быть слишком много признаком и данных, которые замедляют и делают менее эффективными машинное обучение. Для лучшей работы программы, были придуманы методы редукции данных, которые позволяют уменьшить размерность данных, не теряя точности обучения. Рассмотрим один из таких методов ISOMAP (Isometric mapping).

Этот метод был придуман еще в 20 веке. Он является одним из самых первых методов нелинейной редукции данных.

Рассмотрим основные моменты теории, для понимания работы алгоритма.

Многие методы нуждаются в центрированном датасете. Это эквивалентно удалению средних значений из каждой характеристики датасета.

Предположим, у нас есть датасет . Возьмем столбец и вычтем из него . Здесь – средние значения характеристик столбца, – единичный вектор n. Проделаем это для каждого столбца нашего датасета. Возьмем стандартное отклонение j-того столбца , чтобы получить *стандартизированную матрицу*, необходимо для каждого столбца применить следующее действие: .

Симметричная матрица называется *центрированной*, когда её умножение на матрицу X дает такой же эффект, что и вычитание среднего значения из каждого элемента. Считается по формуле для каждого столбца:

. Здесь I – симметричная матрица, J –квадратная матрица размерностью n, состоящая из одних единиц.

СКО – среднеквадратичное отклонение. Если СКО = 0, то элементы в столбцах одинаковые.

Ковариация - . Показывает связь между элементами. Если *cov(X,Y) > 0,* то увеличение X соответствует увеличению Y. Если *cov(X,Y) < 0*, то увеличение X соответствует уменьшению Y. Если *cov(X,Y) = 0*, то X и Y не связаны.

Ковариационная матрица случайного вектора – матрица размерностью Вида . Где .

Собственные значения и спектральное разложение матрицы, SVD:

**ТОПОЛОГИЯ.**

Топологическое пространство – множество, снабженное топологической структурой.

Топологическая структура(τ) – некоторое множество подмножеств X. Подмножества множества, входящие в топологию, называют открытыми. При этом должны выполняться следующие свойства:

1)Объединение любого наборам открытых множеств открыто

2)Пересечение конечного набора открытых множеств открыто

3)Пустое множество и все множество X открыто

Топологическое пространство *X*называется *локально евклидовым размерности n****,***если всякая его точка *х0*обладает окрестностью **U**, гомеоморфной ***n***-мерному евклидову пространству  или полупространству.

Топологическое пространство **X** называется *n-мерным топологическим многообразием****,***если оно:

**a)** локально евклидово размерности ***n***;

**б )** хаусдорфово;

**в)** обладает покрытием, состоящим из не более чем счетного числа евклидовых открытых множеств.

Множество A = называется атласом на многообразии M, если .

**ГРАФЫ.**

Пусть у нас есть пара (V,E), где V – множество объектов, названные вершинами( узлы, точки), E – семейство элементов, названные, дугами. G = (V, E) – граф.

Простой граф – граф без петель и кратных ребер.

Степень вершины – количество ребер, концов которых является эта вершина.

Матрица смежности – один из способов представления графа в виде матрицы:

**2.2) Реализация для прикладной задачи**

## 2.4) Плюсы и минусы метода

## Слабые стороны корреляционного анализа:

## 

**Метод максимального правдоподобия**

**3.1) Математическая теория**

**3.2) Роль в машинном обучении**

**3.3) Реализация для прикладной задачи**

**3.4) Плюсы и минусы метода**

**Сравнение методов**